

О ВОЗМОЖНОСТИ ПРОСВЕТЛЕНИЯ СРЕД В ЗАПРЕДЕЛЬНЫХ ОБЛАСТЯХ ЧАСТОТ

Аннотация. Рассмотрены условия распространения электромагнитных волн в средах с дисперсией в области частот непрозрачности (запредельной области частот). Установлено, что введение усиливающих компонент в среды приводит к их просветлению с высоким коэффициентом усиления. Рассмотрено влияние усиления на волновые процессы в гиротропных средах.

Ключевые слова: дисперсные, анизотропные среды, запредельная область частот, условие усиления.

Abstract. Conditions of distribution of electromagnetic waves in environments with a dispersion in the field of frequencies of opacity (band-stop area of frequencies) are considered. It is established, that introduction strengthening a component on Wednesdays leads to their enlightenment with high factor of strengthening. Influence of strengthening on wave processes in gyrotropy environments is considered.

Keywords: disperse, anisotropic environments, other-wordly area of frequencies, strengthening condition, band-stop of frequencies.

Введение

Одними из основных электродинамических характеристик материальных сред являются области их частотной прозрачности для электромагнитных волн, определяющих частотные диапазоны их использования (или, наоборот, запредельные области частот) [1, 2]. Физические свойства различных сред в областях прозрачности достаточно хорошо изучены и широко используются в технике [3–6]. Методы компенсации затухания и усиления электромагнитных волн путем введения усиливающих сред (твердотельных или газовых) в области их прозрачности рассматривались многими авторами [7–10]. Уровень усиления электромагнитных волн в средах в области их прозрачности пропорционален мнимой части диэлектрической проницаемости среды ϵ'' , характеризующей активность среды (обычно невелик). Известен эффект самоиндуцированной прозрачности (СИП) сред, описываемых в рамках моделей двухуровневых систем (передний фронт импульса волны переводит атомы среды в возбужденное состояние, энергия которых возвращается задней части импульса) [10]. Эффект наблюдается на резонансных частотах атомов среды. В работах [11, 12] показано, что использование усиливающих свойств сред любой природы в области запредельных частот волноводных экранированных структур позволяет при малом параметре усиления сред получить высокий коэффициент усиления электромагнитных волн в широком диапазоне частот. В настоящей работе рассмотрены условия распространения электромагнитных волн в неограниченных средах с дисперсией в запредельной области частот в изотропных и гиротропных средах.

1 Волны в запредельных областях частот

Рассмотрим распространение электромагнитных волн в однородном изотропном пространстве, характеризуемом постоянными во времени и в

пространстве параметрами диэлектрической ϵ и магнитной μ проницаемостей сред в отсутствие источников излучения. Отметим, что в отсутствие затухания или усиления ($\epsilon'' = 0$, $\mu'' = 0$) условием прозрачности сред для электромагнитных волн является выполнение одновременно соотношений:

$$\epsilon' > 0, \mu' > 0 \quad (\text{а})$$

или соотношений

$$\epsilon' < 0, \mu' < 0. \quad (\text{б})$$

Для большинства известных сред в области прозрачности выполняются соотношения (а). Соотношения (б) выполняются для оптически отрицательных сред [13]. Условием непрозрачности (запредельности) сред являются соотношения:

$$\epsilon' < 0, \mu' > 0 \quad (\text{в})$$

или соотношения

$$\epsilon' > 0, \mu' < 0. \quad (\text{г})$$

В тех областях частот, где выполняется одно из этих соотношений, волновое число становится чисто мнимым $k_z = ik_z''$, ($k_z' = 0$), и волны не распространяются (за направление распространения волны выберем ось Oz). Условия (в) характерны для плазмы. В частности, для бесстолкновенной ($\epsilon'' = 0$) плазмы запредельная область частот лежит в области частот: $\omega < \omega_P$, где действительная часть диэлектрической проницаемости $\epsilon' < 0$. Действительная часть волнового числа $k_z' = 0$, $v_f \rightarrow \infty$, а мнимая компонента $k_z'' = k_0 \sqrt{|\epsilon'| \mu}$ характеризует степень затухания. Соотношения (г) выполняются для ферромагнетиков в области частот ферромагнитного резонанса (ФМР).

Затухание (или усиление в зависимости от знака компоненты ϵ'') наблюдаются при комплексных параметрах $\epsilon = \epsilon' + i\epsilon''$ и $\mu = \mu' + i\mu''$. Волновое число в направлении распространения волны имеет вид

$$k_z = k_z' + ik_z'' = k_0 \sqrt{(\epsilon' + i\epsilon'')(\mu' + i\mu'')}.$$

Для большинства известных сред, применяемых в волноводной технике (диэлектрики, сегнетоэлектрики, полупроводники), магнитные компоненты параметров сред диссипативные ($\mu'' \leq 0$). Величина мнимой части диэлектрической проницаемости ϵ'' может рассматриваться как параметр активности среды:

- при $\epsilon'' > 0$ амплитуды волн нарастают в пространстве (усиливающие среды);
- при $\epsilon'' < 0$ амплитуда волн уменьшается, наблюдается затухание – среды диссипативные.

При $\epsilon' > 0$ действительную и мнимую части волнового числа можно представить в виде

$$\begin{Bmatrix} k'_z \\ k''_z \end{Bmatrix} = k_0 \sqrt{\left((\epsilon' \mu' - \epsilon'' \mu'')^2 + (\epsilon'' \mu' + \epsilon' \mu'')^2 \right)} \cdot \begin{Bmatrix} \cos \\ \sin \end{Bmatrix}(\delta/2), \quad (1)$$

где $\delta = \arctg [(\epsilon'' \mu' + \epsilon' \mu'') / (\epsilon' \mu' - \epsilon'' \mu'')]$.

При малом модуле параметра активности среды (затухание или усиление) $|\epsilon''/\epsilon'| \ll 1$. В этом случае компоненты волнового числа определяются в виде

$$k'_z \approx k_0 \sqrt{\epsilon' \mu'}, \quad k''_z \approx \frac{k_0 \epsilon''}{2} \sqrt{\frac{\mu'}{\epsilon'}}.$$

Тогда относительный параметр затухания (или усиления) определяется выражением

$$\frac{k''_z}{k'_z} \approx \frac{\epsilon'' \mu' + \epsilon' \mu''}{\epsilon' \mu' - \epsilon'' \mu''} \approx \frac{\epsilon''}{2\epsilon'}. \quad (2)$$

Таким образом, в области прозрачности сред коэффициент усиления (или затухания) волны k''_z пропорционален величине параметра активности среды ϵ'' (при малом по модулю параметре активности среды ϵ'' коэффициент усиления (или ослабления) волны k''_z также является малой величиной). Это свойство наблюдается для всех типов волноводных структур, что объясняет малую эффективность усилителей, работающих в области прозрачности структур.

В запредельной полосе частот для немагнитных сред выполняется соотношение $\epsilon' \mu < 0$ ($\mu = \mu'$, $\mu'' = 0$), и при малой величине параметра активности среды

$$\begin{aligned} k'_z &= k_0 \left((\epsilon' \mu)^2 + (\epsilon'' \mu)^2 \right)^{1/4} \cdot \sin(|\delta|/2) \approx \frac{k_0 |\epsilon''| \mu}{2\sqrt{|\epsilon' \mu|}}; \\ k''_z &= \pm k_0 \left((\epsilon' \mu)^2 + (\epsilon'' \mu)^2 \right)^{1/4} \cdot \cos(\delta/2) \approx \pm k_0 \sqrt{|\epsilon' \mu|}. \end{aligned} \quad (3)$$

Знак плюс соответствует активной среде, и знак минус соответствует диссипативной среде. Относительный параметр усиления (или затухания):

$$|k''_z/k'_z| \approx |2\epsilon'/\epsilon''| \gg 1. \quad (4)$$

Учет потерь или усиливающих свойств среды (параметр активности среды $|\epsilon''| > 0$) независимо от его знака приводит к появлению в запредельной области частот действительной компоненты волнового числа $k'_z \neq 0$, волна распространяется вдоль оси Oz . Коэффициент усиления волны $k''_z/k_0 \sim 1 \dots 10^2$ при малой величине параметра активности среды ($\epsilon'' \sim 10^{-2} \dots 10^{-5}$).

2 Волны в изотропной ионизированной среде

В изотропной ионизированной среде без потерь (неподмагниченная плазма) диэлектрическая проницаемость определяется функцией $\epsilon' = 1 - \omega_p^2/\omega^2$

(ω – частота электромагнитной волны, ω_p – плазменная частота), и полоса частот $\omega < \omega_p$ является запредельной. В этой области частот $\epsilon' < 0$, волновое число является величиной мнимой $k = ik''$, и затухание волн описывается функцией $\sim \exp(-k''z)$. Критическое значение частоты, разделяющее области пропускания и задерживания $\omega_{cr} = \omega_p$. При наличии потерь энергии (определеняемых частотой столкновения носителей v) параметр активности среды $\epsilon'' < 0$, характер распространения электромагнитных волн изменяется. В области частот $\omega > \sqrt{\omega_p^2 - v^2}$ расположена полоса пропускания, в области частот $0 < \omega < \sqrt{\omega_p^2 - v^2}$ расположена область частот с высоким затуханием. В полосе пропускания волны распространяются с затуханием, для компонент волнового числа выполняется соотношение $|k'_z/k''_z| \gg 1$. В полосе непропускания волны «просачиваются» в запредельную область пространства, быстро затухая вглубь этой области при удалении от источника излучения, при этом $|k'_z/k''_z| \ll 1$.

На рис. 1 показаны действительные (кривые 1, 2) и мнимые (кривые 3, 4) части волновых чисел (нормированных на волновое число в свободном пространстве) усиливающей среды (кривые 1, 3) и диссипативной среды (кривые 2, 4) в полосах: пропускания ($\omega_p/\omega < 1$) и задерживания ($\omega_p/\omega > 1$).

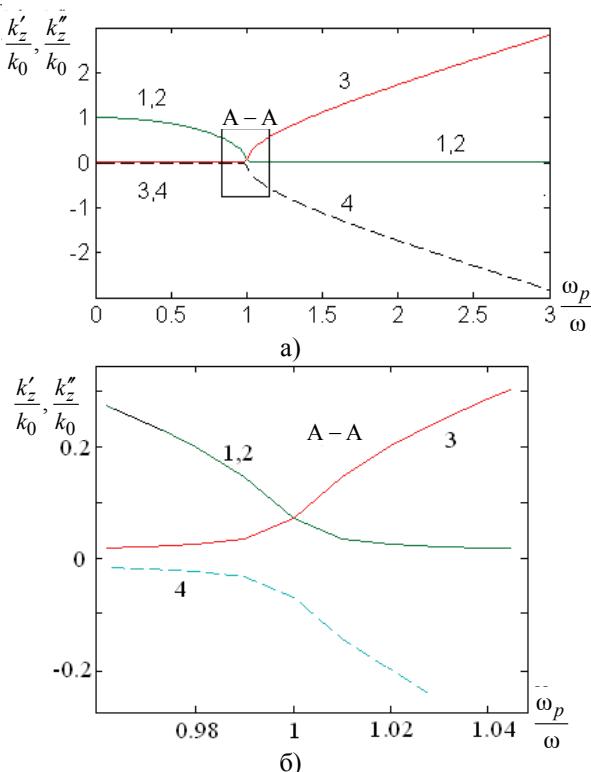


Рис. 1 Дисперсионные характеристики электромагнитных волн в плазме с активной и диссипативной средами (а) (кривые 1, 2 – k'_z/k_0 ; кривая 3 – k''_z/k_0 ($\epsilon'' = 0,01$), кривая 4 – k''_z/k_0 ($\epsilon'' = -0,01$)), б – область А–А.

Действительные части волновых чисел для активной и диссипативной сред практически совпадают во всей области частот. Мнимые части волновых чисел отличаются знаком: для диссипативных сред наблюдается затухание волн ($k_z'' < 0$), для усиливающих – усиление ($k_z'' > 0$) как в областях пропускания (прозрачности), так и в запредельных областях частот. При этом величины затухания (и усиления) в запредельных областях частот существенно превышают эти параметры в полосе прозрачности. В области полосы пропускания коэффициент усиления $k_z''/k_0 \sim \epsilon''/\epsilon'$ и сравнительно мал из-за малой величины параметра ϵ'' . В запредельной области частот, наоборот, наблюдается существенно большее усиление, величина которого растет при удалении от частоты отсечки.

На рис. 2 показаны дисперсионные характеристики электромагнитных волн в ионизированной среде в зависимости от величины нормированной частоты и от параметра активности среды. Параметр активности меняется в пределах $\epsilon'' \approx -0,1 \dots 0,1$, включая область усиления ($\epsilon'' > 0$) и область диссипации ($\epsilon'' < 0$). Действительная часть волнового числа k_z'/k_0 зависит от параметра активности среды только в области малых значений его модуля $|\epsilon''| < 0,05$. Мнимая часть k_z''/k_0 близка к нулю в области полосы пропускания и в запредельной области растет по модулю при удалении от частоты отсечки. В полосе пропускания ($\omega_p/\omega < 1$) $|k_z''/k_z'| \ll 1$, в запредельной области частот выполняется соотношение $|k_z''/k_z'| \gg 1$.

Таким образом, в запредельной области частот волны могут распространяться с большим коэффициентом усиления, с большой фазовой и малой групповой скоростями. Коэффициент усиления k_z''/k_0 в малой степени зависит от абсолютного значения величины параметра ϵ'' и меняет знак при изменении знака.

В работе [8] показано, что при наличии электрического тока, приводящего к ионизации нейтральных атомов, выражение для диэлектрической проницаемости плазмы в сильном электрическом поле принимает вид

$$\epsilon = 1 - \frac{\omega_p^2}{\omega^2 - \omega \frac{e}{im_e \mu_d}}, \quad (5)$$

где $\mu_d = \partial u / \partial E$ – дифференциальная подвижность носителей зарядов; u – дрейфовая скорость.

В зависимости от знака параметра подвижности μ_d носителей зарядов меняется знак параметра активности среды ϵ'' . В слабых полях при напряженности электрического поля, меньшей критического значения, дифференциальная проводимость положительна, среда проявляет диссипативные свойства, и волны затухают. При большой напряженности поля $\epsilon'' > 0$ и среда обладает свойствами усиливающей среды.

На рис. 3 показаны дисперсионные характеристики для электромагнитной волны, распространяющейся в среде с диэлектрической проницаемостью (5).

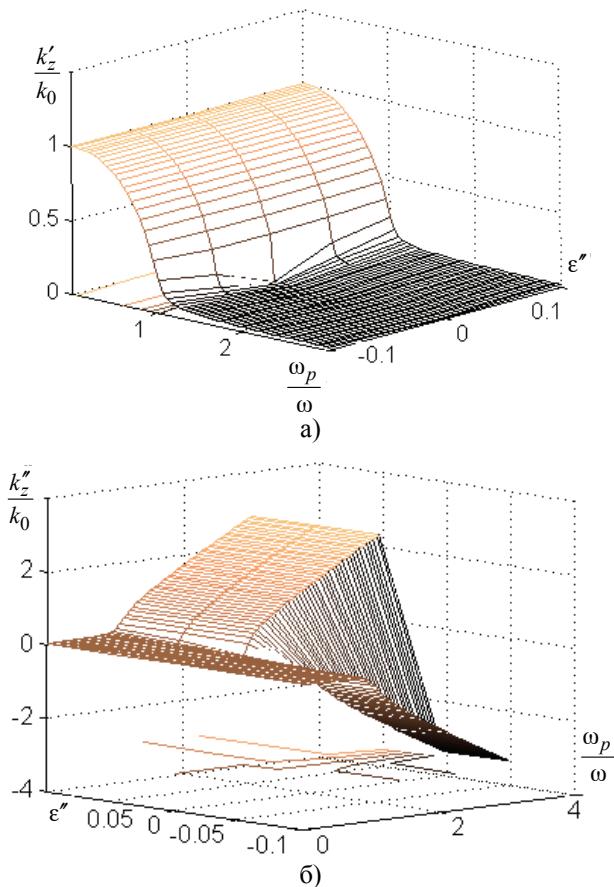


Рис. 2 Дисперсионные характеристики действительной (а) и мнимой (б) компонент волнового числа электромагнитных волн в зависимости от параметра активности среды

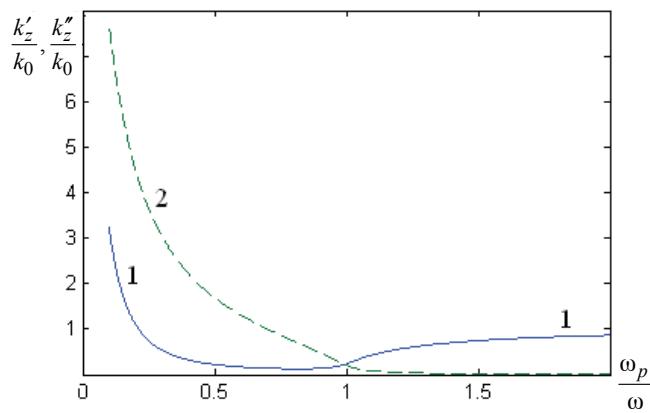


Рис. 3 Дисперсионные характеристики активной плазмы ($k'_z/k_0 - 1$, $k''_z/k_0 - 2$)

За счет усиливающих свойств среды в запредельной области частот $\omega/\omega_p < 1$ наблюдается усиление с коэффициентом усиления, существенно большим, чем коэффициент усиления в области полосы пропускания.

Изменение характера дисперсионных кривых электромагнитных волн в плазме (рис. 3), описываемой параметрами (5), по сравнению с дисперсионными кривыми для плазмы (рис. 1), описываемой параметрами (1), сводится к сильному изменению действительной части волнового числа k_z'/k_0 в запредельной области частот при удалении от критической частоты. Зависимость волнового числа от параметра активности и от частоты показана на рис. 4.

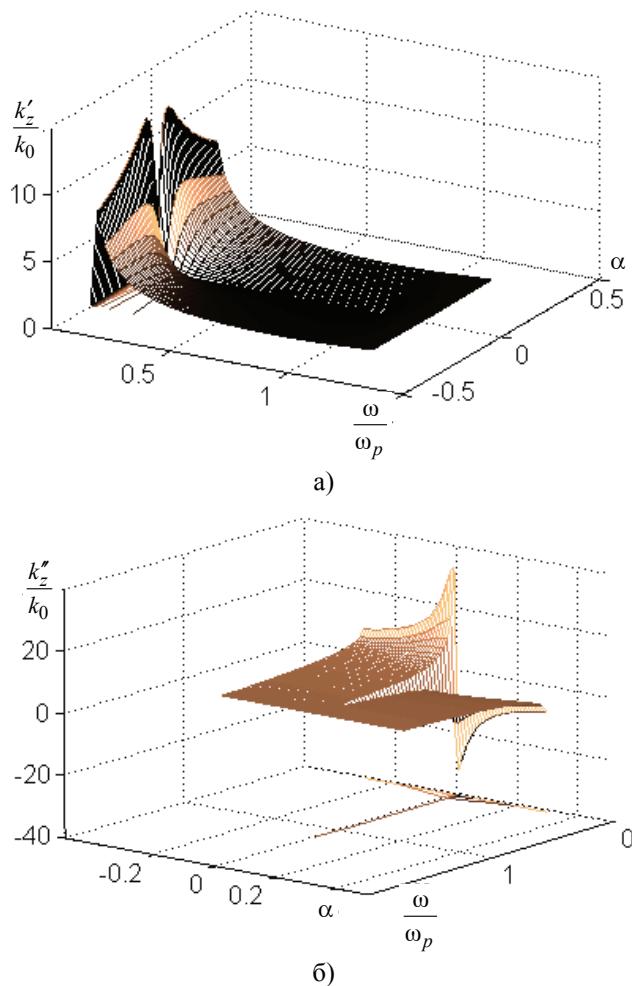


Рис. 4 Дисперсионные характеристики активной плазмы с параметрами (5) ($\alpha = e/m_e \mu_d$ – параметр активности среды)

3 Волны в гиротропной среде (продольное подмагничивание)

Влияние внешнего магнитного поля проявляется в возникновении анизотропии среды, описываемой тензором диэлектрической проницаемости, который носит гиротропный характер. В постоянном магнитном поле, ориентированном вдоль оси Oz , диэлектрическая проницаемость неограниченной бесстолкновенной плазмы ($v \ll \omega$) характеризуется асимметричным тензором второго ранга:

$$\|\varepsilon\| = \begin{bmatrix} \varepsilon & -i\varepsilon_a & 0 \\ i\varepsilon_a & \varepsilon & 0 \\ 0 & 0 & \varepsilon_z \end{bmatrix}, \quad (6)$$

где $\varepsilon = 1 - \frac{\omega_p^2}{\omega^2 - \omega_H^2}$, $\varepsilon_a = \frac{\omega_H}{\omega} \frac{\omega_p^2}{\omega_H^2 - \omega^2}$, $\varepsilon_z = 1 - \frac{\omega_p^2}{\omega^2}$; $\omega_p = e\sqrt{4\pi n/m}$ – плазменная частота, $\omega_H = \gamma H_0 = \frac{ge}{2mc} H_0$; H_0 – величина поля подмагничивания; $g \approx 2$ – фактор спектроскопического расщепления.

Анализ уравнений Максвелла показывает наличие двух типов собственных волн с правой и левой круговой поляризацией. Волновые числа зависят от частоты:

$$k_z^\pm = k_0 \sqrt{\mu(\varepsilon \pm \varepsilon_a)} = k_0 \sqrt{\mu \frac{\omega(\omega \mp \omega_H) - \omega_p^2}{\omega(\omega \mp \omega_H)}}. \quad (6)$$

Фазовые скорости каждой из этих волн:

$$v^\pm = \frac{\omega}{k_z^\pm} = \frac{c}{k_0 \sqrt{\mu(\varepsilon \pm \varepsilon_a)}} = \frac{c}{k_0 \sqrt{\mu \frac{\omega(\omega \mp \omega_H) - \omega_p^2}{\omega(\omega \mp \omega_H)}}}.$$

Волны распространяются, если волновые числа и соответствующие им фазовые скорости являются действительными величинами. Для волн с правой и левой круговой поляризацией запредельные области частот не совпадают:

$$\omega_H < \omega < \frac{\omega_H}{2} + \sqrt{\left(\frac{\omega_H}{2}\right)^2 + \omega_p^2}; \quad (7)$$

$$0 < \omega < -\frac{\omega_H}{2} + \sqrt{\left(\frac{\omega_H}{2}\right)^2 + \omega_p^2}. \quad (8)$$

Это означает, что если в среде возбудить линейно поляризованную волну, распространяющуюся в направлении поля подмагничивания, то в зависимости от диапазона частот в среде будут распространяться:

- только волны с правой круговой поляризацией (в диапазоне частот (7), запредельных для волн с левой круговой поляризацией);
- только волны с левой круговой поляризацией (в диапазоне частот (8), запредельных для волн с правой круговой поляризацией);
- линейно поляризованные волны в остальных диапазонах частот.

Одновременно будет наблюдаться поворот плоскости поляризации из-за различия скоростей распространения волн с правой круговой поляризацией и волн с левой круговой поляризацией.

На рис. 5,а показаны дисперсионные характеристики для волн с правой круговой поляризацией для активных и диссипативных сред с одинаковым по модулю параметром активности среды (для случая $\omega_H = 2\omega_p$). Область час-

тот $1/(1+\sqrt{2}) < \omega_p/\omega < 1/2$ является запредельной. В этой области наблюдается (в зависимости от знака параметра активности среды ϵ''): интенсивное усиление волн (кривая 3) или интенсивное затухание волн (кривая 4). Для волн левой круговой поляризации дисперсионные характеристики показаны на рис. 5,б.

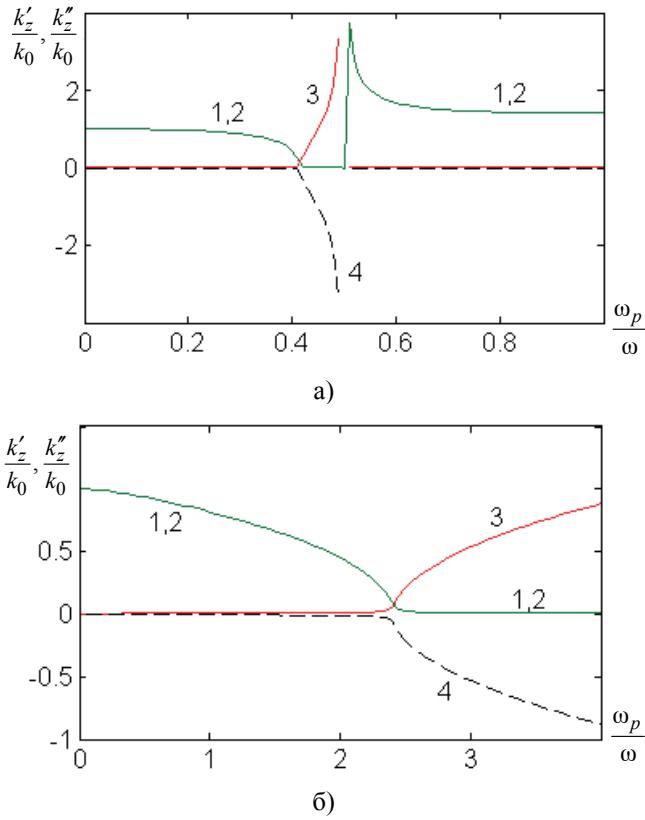


Рис. 5 Дисперсионные характеристики волн с правой (а) и левой (б) круговой поляризацией (кривые 1, 2 – k'_z/k_0 , кривая 3 – k''_z/k_0 ($\epsilon'' = 0,01$),
кривая 4 – k''_z/k_0 , ($\epsilon'' = -0,01$), $\omega_H = 2\omega_p$)

Область частот $1/(-1+\sqrt{2}) < \omega_p/\omega$ является запредельной. В запредельной области частот коэффициенты k''_z усиления (кривая 3) или ослабления (кривая 4) среды растут пропорционально величине сдвига относительной частоты ω_p/ω от частоты отсечки. Коэффициенты усиления мало зависят от параметра активности среды ϵ'' .

4 Волны в гиротропной среде (поперечное подмагничивание)

Рассмотрим распространение плоской волны вдоль оси Ox в случае поперечного подмагничивания (вектор постоянного магнитного поля направлен вдоль оси Oz , $\mathbf{H}_0 = e_z H_0$). Задача сводится к решению волнового уравнения для компоненты электрического поля E_z

$$\frac{\partial^2 E_z}{\partial x^2} + k_0^2 \epsilon_z \mu E_z = 0,$$

описывающего плоскую «обыкновенную» волну с компонентами E_z , H_x , H_y , решение которого ищется в виде распространяющейся вдоль оси Ox волны

$$E_z(x, t) = E_{z0} \cdot \exp[i(\omega t - k_x x)].$$

Физические свойства обыкновенной волны аналогичны волнам в не-подмагнитченной плазме.

«Необыкновенная» волна с компонентами E_x , E_y , H_z характеризуется постоянной распространения:

$$k_x = k_0 \sqrt{\mu \frac{[\omega(\omega - \omega_H) - \omega_p^2] \cdot [\omega(\omega + \omega_H) - \omega_p^2]}{\omega^2 (\omega^2 - \omega_H^2 - \omega_p^2)}},$$

где $\epsilon_{\perp} = (\epsilon^2 - \epsilon_a^2) \epsilon^{-1}$.

Две запредельные области частот расположены в диапазонах:

$$0 < \omega < -\frac{\omega_H}{2} + \sqrt{\left(\frac{\omega_H}{2}\right)^2 + \omega_p^2};$$

$$\sqrt{\omega_H^2 + \omega_p^2} < \omega < \frac{\omega_H}{2} + \sqrt{\left(\frac{\omega_H}{2}\right)^2 + \omega_p^2}.$$

Для необыкновенных волн дисперсионные характеристики показаны на рис. 6 для параметров $\omega_p/\omega_H = 2$, $\epsilon'' = 0,01$, $\mu = 1$. В областях частот

$$1/(1 + \sqrt{2}) < \omega_p/\omega < 1/2, \quad 1/(-1 + \sqrt{2}) < \omega_p/\omega$$

находятся области с коэффициентом усиления $k_x''/k_0 > 1$.

Усиление наблюдается во всей полосе частот, где $\epsilon'' > 0$. В полосах пропускания коэффициент усиления при малом параметре ϵ'' также малый: $|k_z''/k_z'| \ll 1$. В полосах задерживания выполняется соотношение: $|k_z''/k_z'| \gg 1$.

Заключение

В дисперсных средах имеются области частот, в которых волны не могут распространяться (запредельные области частот). Введение усиливающих компонент сред приводит к их просветлению и увеличению волн с высоким коэффициентом усиления при малых параметрах активности сред. Анизотропия параметров сред приводит к появлению дополнительных запредельных частотных полос, в которых при введении усиливающих сред наблюдается просветление сред с большим увеличением волн.

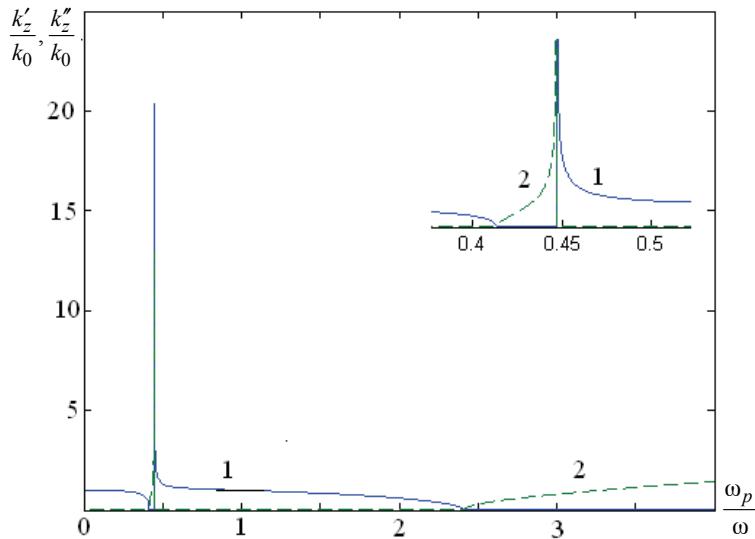


Рис. 6 Дисперсионные характеристики необыкновенных волн в гиротропной среде ($1 - k_x'/k_0$, $2 - k_x''/k_0$)

Список литературы

1. Никольский, В. В. Электродинамика и распространение радиоволн / В. В. Никольский, Т. И. Никольская. – М. : Наука, 1989. – 544 с.
2. Туров, Е. А. Материальные уравнения электродинамики / Е. А. Туров. – М. : Наука, Физматгиз, 1983. – 160 с.
3. Пименов, Ю. В. Техническая электродинамика / Ю. В. Пименов, В. И. Вольман, А. Д. Муравцов. – М. : Радио и связь, 2002. – 536 с.
4. Гуревич, А. Г. Магнитный резонанс в ферритах и антиферромагнетиках / А. Г. Гуревич. – М. : Наука, 1973. – 592с.
5. Бурсиан, Э. В. Когерентные эффекты в сегнетоэлектриках / Э. В. Бурсиан, Я. Г. Гиршберг. – М. : Прометей, 1989. – 197 с.
6. Басс, Ф. Г. Высокочастотные свойства полупроводников со сверхрешетками / Ф. Г. Басс, А. А. Булгаков, А. П. Тетеревов. – М. : Наука, 1989. – 195 с.
7. Стил, М. Взаимодействие волн в плазме твердого тела / М. Стил, Б. Вюраль. – М. : Атомиздат, 1973. – 248 с.
8. Орешко, А. Г. // Вопросы атомной науки и техники. – 2003. – № 4. – С. 262–264. – (Плазменная электроника и новые методы ускорения).
9. Шур, М. Современные приборы на основе арсенида галлия / М. Шур. – М. : Мир, 1991.
10. Альперин, М. М. Введение в физику двухуровневых систем / М. М. Альперин, Я. Д. Клубис, А. И. Хижняк. – Киев : Наукова думка, 1987. – 224 с.
11. Кузнецова, Т. И. // Квантовая электроника. – 2000. – Т. 30. – № 3. – С. 257–260.
12. Глушенко, А. Г. Запредельные волноводные структуры и среды с усилением / А. Г. Глушенко, Е. П. Захарченко. – Самара : Сам. НЦ РАН, 2009. – 170 с.
13. Блиох К. Ю., Блиох Ю. П. // УФН. – Т. 174. – В. 4. – 2004.

Глушченко Александр Григорьевич
доктор физико-математических наук,
профессор, заведующий кафедрой
физики, декан факультета базового
телеинформатического образования,
Поволжский государственный
университет телекоммуникаций
и информатики (г. Самара)

E-mail: gag@psati.ru

Glushchenko Alexander Grigoryevich
Doctor of physico-mathematical sciences,
professor, head of sub-department
of physics, dean of the department of basic
telecommunication training, Volga region
state university of telecommunications
and computer science

Захарченко Евгения Павловна
старший преподаватель, кафедра физики,
Поволжский государственный
университет телекоммуникаций
и информатики (г. Самара)

E-mail: zep646@yandex.ru

Zakharchenko Evgeniya Pavlovna
Senior lecturer, sub-department
of physics, Volga region state
university of telecommunications
and computer science

УДК 535.5

Глушченко, А. Г.

О возможности просветления сред в запредельных областях частот /
А. Г. Глушченко, Е. П. Захарченко // Известия высших учебных заведений.
Поволжский регион. Физико-математические науки. – 2009. – № 4 (12). –
С. 118–129.